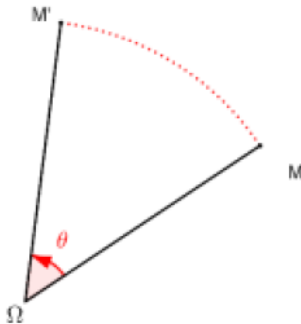


**LA ROTATION DANS LE PLAN**

**1) Définition :**

Soit  $\Omega$  un point dans le plan et  $\theta$  un nombre réel, la rotation de centre  $\Omega$  et d'angle  $\theta$  est l'application qui transforme tout point  $M$  en  $M'$  tel que :



$$\begin{cases} \Omega M = \Omega M' \\ \left( \overrightarrow{\Omega M}, \overrightarrow{\Omega M'} \right) \equiv \alpha [2\pi] \end{cases}$$

On la note par :  $R(\Omega, \theta)$

**Remarque :** Si l'angle de la rotation est non nul, son centre est le seul point invariant.

**Exemples :**

1) La symétrie centrale  $S_O$  est la Rotation de centre  $O$  et d'angle  $\pi$



2) L'identité  $Id_P$  est la rotation d'angle nul.  
 (Tous les points de  $(P)$  sont centre de cette rotation)

**2) Propriétés de la rotation**

Soit  $R$  la rotation de centre  $O$

On a les propriétés suivantes :

- a) La rotation conserve les distances :  
 si  $R(A) = A'$  et  $R(B) = B'$  Alors  $A'B' = AB$
- b) La rotation conserve le coefficient de colinéarité de deux vecteurs et par suite conserve la linéarité des points
- c) La rotation conserve le milieu et le barycentre d'un système pondéré.
- d) La rotation conserve les mesures des angles géométriques
- e) La rotation conserve les mesures des angles

« C'est en forgeant que l'on devient forgeron »  
 Dit un proverbe.

C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs  
 et exercices

Que l'on devient un mathématicien

